Проверить во всём коде валидацию введенных данных.

SingleCollectionObjectController доработать. Вроде доработано. Не забыть установить логгер перед вызовом.

Добавить и убрать код для тестирования в ShopsController и в Program.cs.

Добавить бы на изменение имени shop event, уведомляющий коллекцию об этом и проверяющий уникальность имени. Как вообще лучше сделать эту проверку?

getFreeId кешировать бы значения для пущей производительности.

Распространить бы действие метода на Shop.

Да и по хорошему вообще было бы вынести всё это дело в базовый класс – свою версию коллекции.